

1学期 期末 評価

3年数学

平成29年6月15日(木)

定期テスト I

3年 組 番 名前

【1】次の各問いに答えなさい。

(1) 次の式は乗法公式です。右辺の式を答えなさい。

$$(x-a)^2 = \boxed{\quad}$$

(2) 次のア、イにあてはまる数をそれぞれ答えなさい。(完全解答)

$$(x-2)(x+\boxed{\text{ア}})=x^2+\boxed{\text{イ}}x-14$$

(3) 次の式は $xy^2 - 9x$ を因数分解しているとは言えません。その

わけを答えなさい。

$$xy^2 - 9x = x(y^2 - 9)$$

【2】次のことは正しいですか。正しい場合は○を、誤りがあれば
_____の部分を正しくなおしなさい。

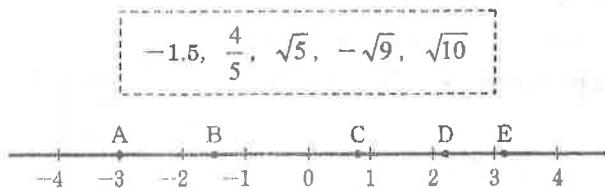
(1) 64の平方根は 8 である。 (2) $\sqrt{16}$ は ± 4 に等しい。

(3) $(-\sqrt{13})^2$ は 13 である。 (4) $\sqrt{(-5)^2}$ は -5 である。

【3】次の数は、有理数、無理数のどちらですか。また、そのわけを
答えなさい。

$$\sqrt{\frac{25}{81}}$$

【4】下の数直線上の点A, B, C, D, Eは、次の数のどれかと対応
しています。点A, Dに対応する数をそれぞれ答えなさい。



【5】次の計算をしなさい。

$$(1) (8a^2b + 4ab) \div 4ab \quad (2) 4a(2a-b) - a(5a-3b)$$

【6】次の式を展開しなさい。

$$(1) (x+4)(4x+3) \quad (2) (x+1)(x-6)$$

$$(3) (2x-3y)^2$$

$$(4) (x+y-5)(x+y+5)$$

【7】次の式を計算しなさい。

$$(1) (x+5)(x+4) + (2x-1)^2$$

$$(2) 2(x-1)(x-3) - (x+2)(x-2)$$

【8】次の式を因数分解しなさい。

$$(1) 8xy^2 - 4x^2y$$

$$(2) x^2 - 11x + 24$$

$$(3) 16x^2 + 8x + 1$$

$$(4) 2x^2 - 20x + 50$$

$$(5) 16x^2 - y^2$$

$$(6) (x-3)^2 - 5(x-3) - 6$$

【9】 $x=14$, $y=12$ のとき, $x^2 + 6xy + 9y^2$ の値を求めなさい。

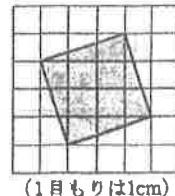
【10】次の各組の数の大小を、不等号を使って表しなさい。

$$(1) 5, \sqrt{11}$$

$$(2) -\sqrt{0.1}, -0.3$$

【11】 $3 < \sqrt{n} < 4$ となるような自然数nの個数を求めなさい。

【12】右の図の正方形の1辺の長さを求めなさい。



(1辺もりは1cm)

【13】次の式を、くふうして計算しなさい。計算過程も書きなさい。

$$(1) 58^2 - 42^2 \quad (2) 103^2$$

【14】2つの続いた奇数では、大きい奇数の平方(2乗)から小さい奇数

の平方(2乗)をひいたときの差は、8の倍数になります。

このことを証明しなさい。

定期テスト I

3年 組 番 名前

【1】次の各問いに答えなさい。

(1) 次の式は乗法公式です。右辺の式を答えなさい。

$$(x-a)^2 = \boxed{x^2 - 2ax + a^2}$$

(2) 次のア、イにあてはまる数をそれぞれ答えなさい。(完全解答)

$$(x-2)(x+\boxed{7}) = x^2 + \boxed{1}x - 14$$

(3) 次の式は $xy^2 - 9x$ を因数分解しているとは言えません。そのわけを答えなさい。

$$\begin{aligned} xy^2 - 9x &= x(y^2 - 9) \\ &= x(y+3)(y-3) \end{aligned}$$

$y^2 - 9$ を重く
分解できるやう

【2】次のことは正しいですか。正しい場合は○を、誤りがあれば_____の部分を正しくなおしなさい。

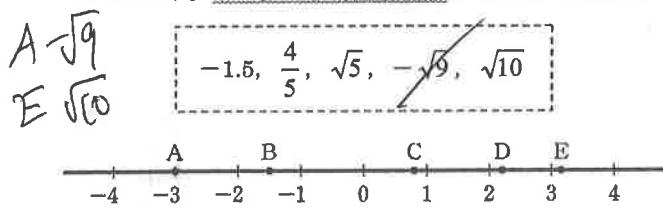
(1) 64の平方根は 8 である。 (2) $\sqrt{16}$ は ±4 に等しい。±84(3) $(-\sqrt{13})^2$ は 13 である。 (4) $\sqrt{(-5)^2}$ は -5 である。○5

【3】次の数は、有理数、無理数のどちらですか。また、そのわけを答えなさい。

$$\frac{\sqrt{25}}{81} = \frac{5}{9}$$

 $\frac{a}{b}$ の形で表すことができるやう

【4】下の数直線上の点A, B, C, D, Eは、次の数のどれかと対応しています。点A, Dに対応する数をそれぞれ答えなさい。



【5】次の計算をしなさい。

(1) $(8a^2b + 4ab) \div 4ab$

$$= 2a + 1$$

(2) $4a(2a-b) - a(5a-3b)$

$$= 8a^2 - 4ab - 5a^2 + 3ab \\ = 3a^2 - ab$$

【6】次の式を展開しなさい。

(1) $(x+4)(4x+3)$

$$= 4x^2 + 19x + 12$$

(2) $(x+1)(x-6)$

$$= x^2 - 5x - 6$$

(3) $(2x-3y)^2$

$$= 4x^2 - 12xy + 9y^2$$

(4) $(x+y-5)(x+y+5)$

$$= (x+y)^2 - 25 \\ = x^2 + 2xy + y^2 - 25$$

【7】次の式を計算しなさい。

$$\begin{aligned} (1) (x+5)(x+4) + (2x-1)^2 \\ = x^2 + 9x + 20 + 4x^2 - 4x + 1 \\ = 5x^2 + 5x + 21 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) 2(x-1)(x-3) - (x+2)(x-2) \\ = 2(x^2 - 4x + 3) - (x^2 - 4) \\ = 2x^2 - 8x + 6 - x^2 + 4 = x^2 - 8x + 10 \end{aligned}$$

【8】次の式を因数分解しなさい。

$$\begin{aligned} (1) 8xy^2 - 4x^2y \\ = 4xy(2y-x) \end{aligned}$$

$$(2) x^2 - 11x + 24 \\ = (x-3)(x-8)$$

$$\begin{aligned} (3) 16x^2 + 8x + 1 \\ = (4x+1)^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) 2x^2 - 20x + 50 \\ = 2(x^2 - 10x + 25) \\ = 2(x-5)^2 \end{aligned}$$

$$(5) 16x^2 - y^2 \\ = (4x+y)(4x-y)$$

$$\begin{aligned} (6) (x-3)^2 - 5(x-3) - 6 \\ = A^2 - 5A - 6 \\ = (A-6)(A+1) \\ = (x-3-6)(x-3+1) = (x-9)(x-2) \end{aligned}$$

【9】 $x=14, y=12$ のとき、 $x^2 + 6xy + 9y^2$ の値を求めなさい。

$$\begin{aligned} &= (x+3y)^2 \\ &= (14+36)^2 \\ &= 50^2 = 2500 \end{aligned}$$

【10】次の各組の数の大小を、不等号を使って表しなさい。

$$(1) \sqrt{\frac{25}{5}}, \sqrt{11} \quad (2) -\sqrt{0.1}, -\sqrt{0.3}$$

$$\sqrt{11} < 5$$

$$-\sqrt{0.1} < -0.3$$

【11】 $3 < \sqrt{n} < 4$ となるような自然数nの個数を求めなさい。

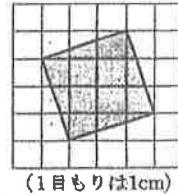
$$9 < n < 16$$

$$n = 10, 11, 12, 13, 14, 15$$

6コ

【12】右の図の正方形の1辺の長さを求めなさい。

$$\text{正方形の面積は } 16 - 4 \times \frac{3}{2} = 10 \text{ cm}^2$$



(1目もりは1cm)

【13】次の式を、くふうして計算しなさい。計算過程も書きなさい。

$$\begin{aligned} (1) 58^2 - 42^2 &\quad (2) 103^2 \\ (58+42)(58-42) &= ((100+3)^2) \\ = (100 \times 16) &= 100^2 + 2 \times 3 \times 100 + 3^2 \\ = 1600 &= 10000 + 600 + 9 = 10609 \end{aligned}$$

【14】2つの続いた奇数では、大きい奇数の平方(2乗)から小さい奇数の平方(2乗)をひいたときの差は、8の倍数になります。

このことを証明しなさい。

2つの続いた奇数を整数nを伴って表すと、

$$2n-1, 2n+1$$

$$(2n+1)^2 - (2n-1)^2 = 4n^2 + 4n + 1 - 4n^2 + 4n - 1 = 8n$$

nは整数より 8nは8の倍数